

TeComp Workshop
University of Novi Sad, Serbia
March 21-25, 2022



Why students dislike mathematics

Vladimír Janiš
Dept. of Mathematics FPV UMB
Banská Bystrica, Slovakia

I am a mathematician

Reactions:

- you must be a genius
= *you are not completely sane*
- do you think about numbers all the time?
= *it is not possible to talk with you*
- can anything new be done in mathematics?
= *probably you just do nothing*
- I always hated mathematics
= *and I hate you, too*

Social vs. nature sciences

aversion towards literature - socially unacceptable

aversion towards mathematics - an integral part of identity for any successful {actor | sportsman | singer | }

mathematical thinking - does it exist? what is it?

what is it good for???

Jindřich Bečvář (MFF KU Praha)

I really do not know, dear Johny, what the things we learn at school will be good for you. What I am sure about - if you would not learn them, it will be for no purpose to you. In other words: whatever we learn, we can use and whatever we do not (at school or elsewhere), we can miss in important moments. The more we know, the more opportunities in our lives we have. The fact that we need to know something, but we do not, can appear relatively late, when it is already too late and the lost time cannot be obtained back.

Be so kind, dear Johny, and prepare a detailed list of everything, you will do in the following sixty years of your life. Where you will live, what will be your job, your duties at work, how you will spend your free time, what will your children and grandchildren do, whether they will study and which subject, what will you speak with them about, etc. Also include all situations of your life. Only then, when I get all this information, I will be able to tell you, which parts of our school knowledge you will need. Otherwise your question cannot be reasonably responded.

Dear Johny, at school we learn diverse topics and many of them you will meet at different occasions of your life, often unexpectedly. If you will know nothing about the quadratic equation, if you will claim that Shakespeare wrote War and Peace, that the Second World War was in 19th century, that Italy is our neighbor, that the law of gravity belongs to psychology, a lot of people will consider you a dickhead. And the level of your knowledge will determine a society, to which you will belong, a company of similar “experts”. It depends just on you, to what society you will belong and what respect in that society you will have.

Why students dislike mathematics

- people have different tastes
- elementary and high schools - routine tasks, not mathematics
- losing contact with the language of mathematics
- what is it good for?
- no chance to pretend understanding
- unfavorable mental climate in society

NÁRODNIE NOVINY.

Prehadlo tel. časy do výškoh...
v interié... staveb z oboru.
Preplatník sú vysílacie siedmice...
na dny od 12. do 16. je...
na výšku roka 8 k., na pol. roka 5 k.
Na výšku roka 8 k., na pol. roka 5 k.

Na výšku roka 8 k., na pol. roka 5 k.
Na výšku roka 8 k., na pol. roka 5 k.

Redakcia, administrácia a expedícia v Turčianskom Sv. Martine.

Sobota, 26. septembra 1914. Číslo 113. (39.)

Vyzvanie predplatil!

Uctive prosíme všetkých našich ct. čitateľov, ktorým vyšiel predplatok na tretí štvrtrok, aby nám cím skôr doposial svoj predplatok na štvrtý štvrtrok, aby sme im mohli nadal īradne posielat naš časopis. Tiež prosíme našich dosavadných odbereťov, aby všeade rozšírovali naš časopis a menovite odporúčali īslámu vrstvám sobotného čísla čínskeho korunu.

Redakcia a administrácia „Národných Novín“.

Rheimské evanjelium.

Skoľo celý týždeň dostávame svetlo o Rheimsi, starobílom meste francúzskom. Vo vekom boji, ktorý na priestrane od Verduny besaňa o Paríž trvá už dva týždne, opevnené mesto Rheims je dôležitým punktom. Al telegrammy o dobytjaní staroslovanského francúzskeho mesta svetu s nápadou posporuňačou najmä pre tanečného Rheimskú katedrálu je jedna z najvylepšajúcich pamiatok gotického stavitelia. Stavanie chrámu začalo až roku 1212 s arcibiskupom Albericu Hombertom, podľa plánov Roberta Courcy, a dohotovili ho až v 14. storočí. Západná fasáda so svojimi troma portálmi je slávou gotiky z jej rannej doby. Noz sa hýdri vo vojne takto umelcovia pamiatka bola by strata možnážľa. Väčšinu sime v súťažiach veľké peniaze: rax snížená umelcovia pamiatky sú v súťaži s napravovanými, kde sa výskytami peniasmi veľkých miest tvorí. Ale dôfame, že poškodenie rheimskej katedrály nebudie — len také — do obnoviť. Chceme veriť správam, onomusovavšim, že horel len krov.

Po vojne užme na vrah zemepisu. V nových vojnách súme menej, následujúci, kde sa dnes o pohybach armád malo dava smer a niekajdajších vojenských dopisovateľov temer náz. Jednakže i so strančených drahých telegramoch súčasne sú v pamäti nejedno semipismenno meno, ktoré súme už boli zabudni, a svedomie si nejedno, o ktorom súme niktia ani nepoznali. A kde sme nás tak súťažia vojenskými udalostami, preto by súme sa nedali okrem zemepisu pri nich na pr. i kultúrnej historii? Preto by súme s nepriznomení jednu drahú kultúrno-historickú pamiatku?

Rheimská katedrála je povestná i proto, že v nej korunovali francúzskych kráľov od 1179-ho, keď bola ešte svojej pôvodnej podoby, negatívnej. Od tej doby, okrem Henricha IV. a Ludvíka XVIII., tu boli korunovaní väčšinu francúzskych kráľov.

* V. Jagić: Geschichte der kirchlichen Sprache. Berlin, 1913, str. 105.

SERVIS Poradenstvo pre majiteľov bezcenných akcií

DENSKÉ SME

Lesné škôlky žijú na divoko

Kúpte si solár, láka vláda

„Základna každodennej života.“

Lesné škôlky

Kontext

Emisie miera na bývalého politika

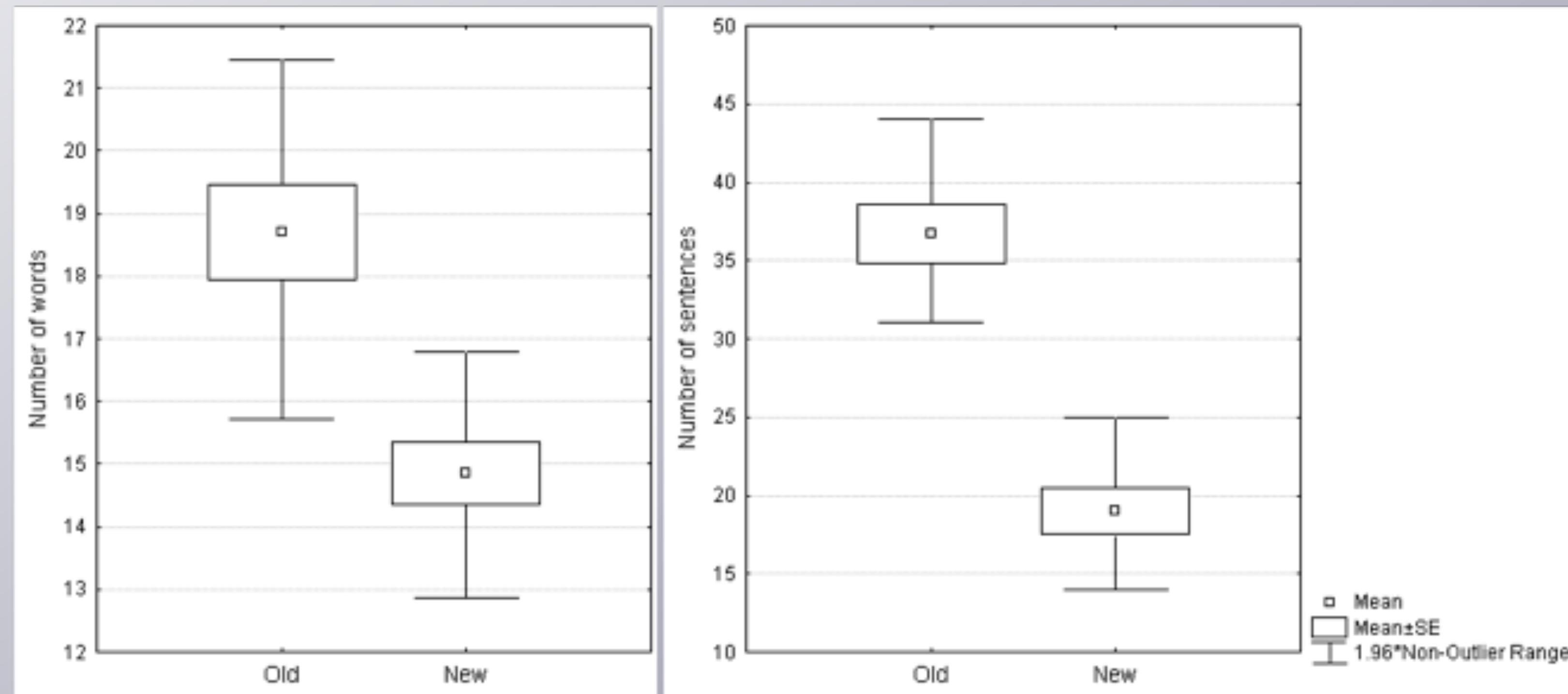
Policej aj mlčal, nevinný sedel

488

Kupony

Preplatička

Changes in newspaper language through the last century



DENNÍK SME ONLINE

Pondelok 16.10.2000

Grand Press DOMINO CD-tip KORZÁR
SME-1 Literárium CHAT SME SME SHOP

titulná strana spravodajstvo zahraničie polemika kultúra šport ekonomika horoskop regióny počasie program sme info O nás inzercia predplatné tiráz otázky vyhľadávanie hľadaj včerajšie vydanie archív

copyright@SME
[Add Active Channel](#) [Add as Start Page](#)

FLASH NEWS
last update 15.10.2000 23:35

USA objavili pohyb irackých jednotiek a varujú Saddámu Husajnu Washington 15. októbra (TASR) - Americký minister obrany William Cohen dnes oznamil, že USA odhalili pohyb elitných irackých vojenských jednotiek západne od Bagdадu. V tejto súvislosti varoval ... ▶

Mečiar vedie rebríček najdôveryhodnejších ľamenečníkov dôveryhodných politikov Bratislava 15. októbra (TASR) - Predseda Hnutia za demokratické Slovensko (HZDS) Vladimír Mečiar vystriedal na čele rebríčka najdôveryhodnejších politikov lídra Smeru Roberta Fica. Expremiér súčasne ... ▶

Kongres SDKÚ sa blíži, črtá sa zloženie vedenia BRATISLAVA – O mesiac čaká Slovenskú demokratickú a kresťanskú úniu ustanovujúci kongres. O predsedovi je už v súťaži pravdepodobnosťou rozrodenuté, o obsadení ostatných funkcií sa diskutuje, ale niektoré mená sa spominajú čoraz ...

V SDĽ sa schýluje k zrážke LUČENEC – Pripravovaná druhá časť zjazdu Strany demokratickej ľavice môže mať búrlivý priebeh. V rámci strany totiž vznikla nová iniciatíva, ktorej členovia sa v sobotu zišli v Lučenci. Žiadajú zmienu organizačného poriadku strany tak, ...

Dalajláma pritiahol tisícky ľudí Včera vyvrcholila práca piatich tibetských mníchov na tvorbe pieskovej kálačakra mandaly v synagóge šamónskej At Home Gallery. Zavŕšiť ju prišiel sám 14. dalajláma, ktorý prvýkrát navštívil Slovensko. Dalajlámová návšteva ...

Summit svetových politikov v Egypte je d'álším pokusom o prímerie Napriek tomu, že izraelský premiér Ehud Barak a palestínsky vodca Jásir Arafat narazili doma na odpor, našli dosť odvahy, aby sa dnes zúčastnili na sumite v egyptskom letisku Šarm aš-Šajch. Ide o veľa – o záchrannu mierového procesu ...

Radost' v Juhoslávii – na pumpách je benzín BELEHRAD – Počas víkendu sa v Juhoslávii už naplno prejavili zmeny. V noci z piatka na sobotu prebiehal masívny rozvoz benzínu na všetky pumpy v krajinе a v sobotu už neboli problém tankovať. Tak de facto padol čierny trh s pohonnými ...

2000

SME.sk Zlavy Zoznámenie Reality Dovolenky Pizza Reštaurácie Recenzie Inzeráty Naničmama Nákupy Ziskejte Piano len za 1 cent >> Prihlásenie **PIANO**

24. september 2014, meniny má Luboš, Lubor

SME **S nami sa leto ešte nekončí** **Seriózne zoznámenie**

SME.SK DOMOV REGIÓNY EKONOMIKA SVET KOMENTÁRE KULTÚRA ŠPORT TV AUTO TECH PORADNÁ ŽENA BÝVANIE ZDRAVIE BLOG POST.SK

Z DOMOVIA V Malackách vzniká nová photostov' **ZAHRAÑICIE** Rumuni súdňa šéfa obávaného väznicie **EKONOMIKA** Váhovast môže vymazať časť dlhov **ŠPORT** Hokejová Liga majstrov: Košice prehrali v Oulu po predĺžení

USA objavili pohyb irackých jednotiek a varujú Saddámu Husajnu Washington 15. októbra (TASR) - Americký minister obrany William Cohen dnes oznamil, že USA odhalili pohyb elitných irackých vojenských jednotiek západne od Bagdádu. V tejto súvislosti varoval ... ▶

Na koho koalícia útočí? Islamský štát, an-Nusrá i Chorasan Vojna proti islamistom sa týka najmä troch radikálnych skupín.

Prototyp SME SK Prototyp Záhrebu nastúpili Štajnoch aj Lunter, Slovan hrá 1:2 **LIVE** Slovan prvýkrát vede Fin Petri Matikainen.

Píše Michal Havran z Jetotak.sk **November v rukách Penty** Média nezabili cenzori, inzerenti čítateľia, ale ekonomickej sústredy.

ZAHRAÑICIE **Hermiona z Harryho Pottera očarila ako feministka**

V kampani OSN herečka Emma Watsonová prehovárala mužov, aby bojovali za ženy. Po prejave sa jej vyhľazali.

PORADNA.SME SK **Ľudia na Slovensku sa omylom vzdali akcii za tri milióny eur** Fond národného majetku začal posudzovať žiadosti o spätný prevod cenných papierov.

KOMENTÁRE.SME SK **Dve otázky o Súdnej rade** Súdna rada v minulosti už stavom takpovediac i „bezhlavosti“ dvakrát prešla.

VYSOKESKOLY.SME SK **Dostala sa na Cambridge: Ak mám šťastie, škola je aj v nedeľu** Recept, ako sa dostať na Cambridge, nemám, hovorí slovenská študentka.

POČASIE Predpoved až na 15 dní **PROGRAM** TV program na 14 dní

dnes zajtra piatok 20:00 Moje rómske deti

14°C 15°C 16°C Dokument, ktorého hrdinom je charizmatický farár Marián Kuffa

TV SME **Väčšina eurofondov zostáva zablokovaných, minister vidí úspech**

2014

Online edition: information density

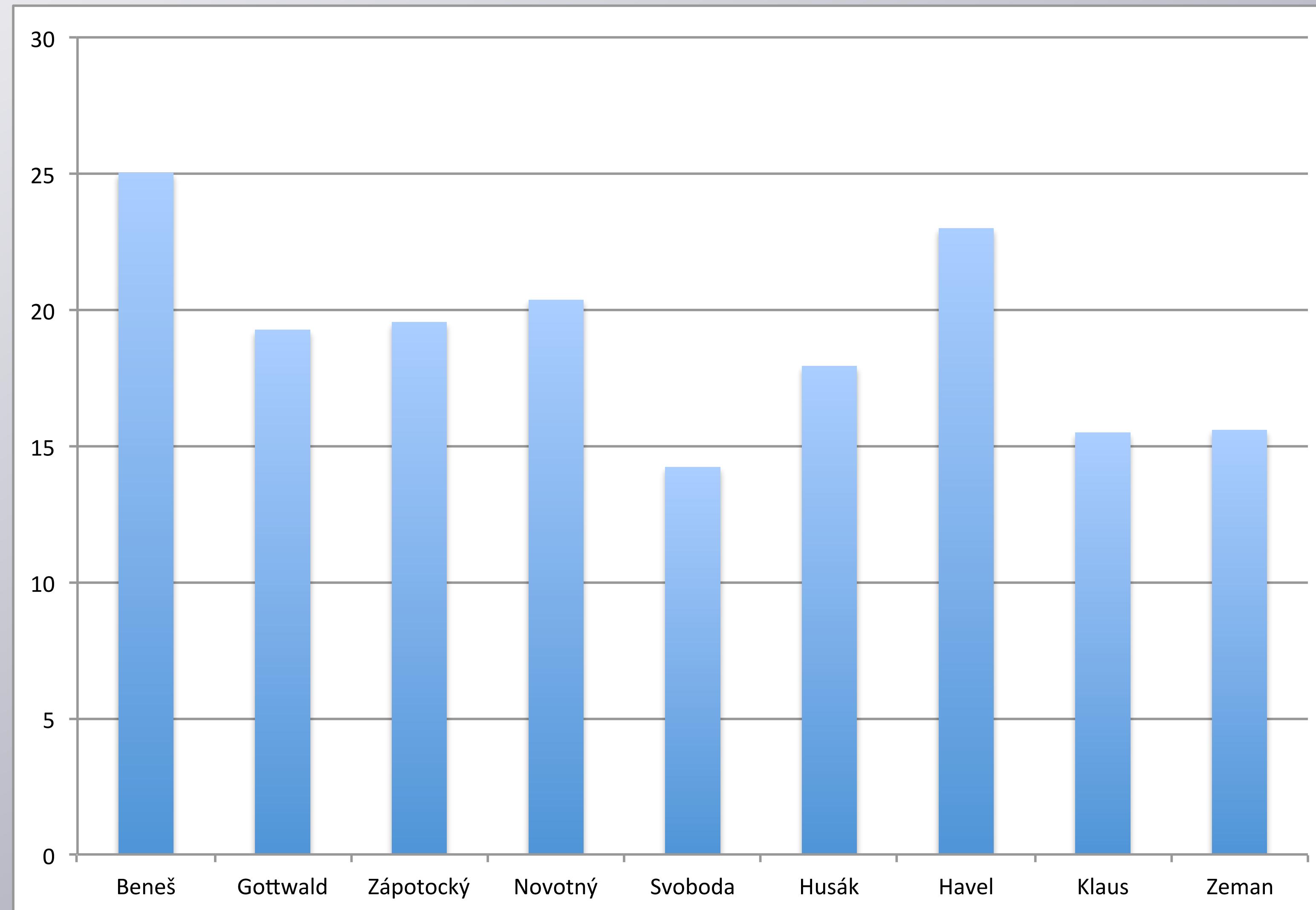
	links to full texts	links to other	advertising
2000	12	27	1
2014	25	40	3

TV program

8:55 **Zprávy**
9:00 **TVŠ – Jak se zvířata pohybují**
9:20 **Kudy kráčela svoboda**
9:45 **Federální kriminální ústředna pátrá**
9:50 O. Šulaj **CHLAPEC Z MAJERA**
11:15 **TVŠ – Tvůrce země Sovětů**
11:35 **Posezení u samovaru**
12:05 **Zprávy**
16:10 **Zprávy**
16:15 **TVŠ – Jak se dělá papír?**
16:40 **Svět vědy a techniky**
17:15 **Matematika převážně vážně (32.)**
17:55 **Auto-moto revue**
18:25 **Rád vzpomínám**
18:40 **Večerníček**
18:55 **SLAVNOSTNÍ SHROMÁŽDĚNÍ
KE 110. VÝROČÍ NAROZENÍ V. I. LENINA**
19:45 **Chvilka poezie J. Noha: Lenin
I. Skála: Oči Lenina**
19:50 N. Pogodin **MUŽ S PUŠKOU**
21:00 **Dny umění a krásy**
21:30 **Televizní novena**
22:00 **HUDBA Z RESPIRIA**
22:45 **ME V ZÁPASE**
23:25 **Zprávy**

04:15 Doktorka Quinnová
05:00 Destinácia svet
05:50 Správy RTVS
06:40 Góly - body - sekundy
06:50 Počasie
07:00 Sila lásky
07:50 Doktorka Quinnová
08:35 Správy RTVS
09:25 Poklady sveta IV
09:40 Poklady sveta IV
10:05 Recept na život
10:50 Duel
11:15 5 proti 5
12:00 Správy RTVS
12:20 Dámsky klub
13:55 Slovensko v obrazoch
14:15 Tajomstvo mojej kuchyne
15:00 Pošta pre teba
16:00 Správy RTVS
16:25 Poklady sveta IV
16:45 Poklady sveta IV
17:05 Recept na život
17:50 Duel
18:20 5 proti 5
19:00 Správy RTVS
19:50 Góly - body - sekundy
20:10 Počasie
20:20 Superhrdinovia
20:50 Milujem Slovensko
22:10 Mŕtvy muž prichádza
00:10 Nikto nie je dokonalý
01:15 Neskoro večer: Talkshow Petra Marcina
01:30 Mŕtvy muž prichádza
02:00 Sila lásky

New Year addresses - sentence lengths



Fragmentation

- more information in the same space
- increased variability

... and its result

Multitasking

- frequent changes of activities
- concentration distributed into more (often very different) areas

Príklad multitaskingu



Jennifer Connelly
actress, USA

"I do like to read a book while having sex. And talk on the phone. You can get so much done."

Effects of multitasking at learning - a preliminary experiment

- 25 students
- 30 minutes - text on geography in full concentration
- 30 minutes - (another) text on geography, 3x interrupted for 2 minutes
- the same with mathematical texts
- a test after each, maximum 10 points

Mean values

	concentration	disturbance
geography	5.69	4.50
mathematics	8.57	6.56

- small groups (about 15-20)
- students of mathematics

Experiment with mobile phones

102 students of Pre-school and elementary pedagogics, randomly divided into 4 approximately equal groups

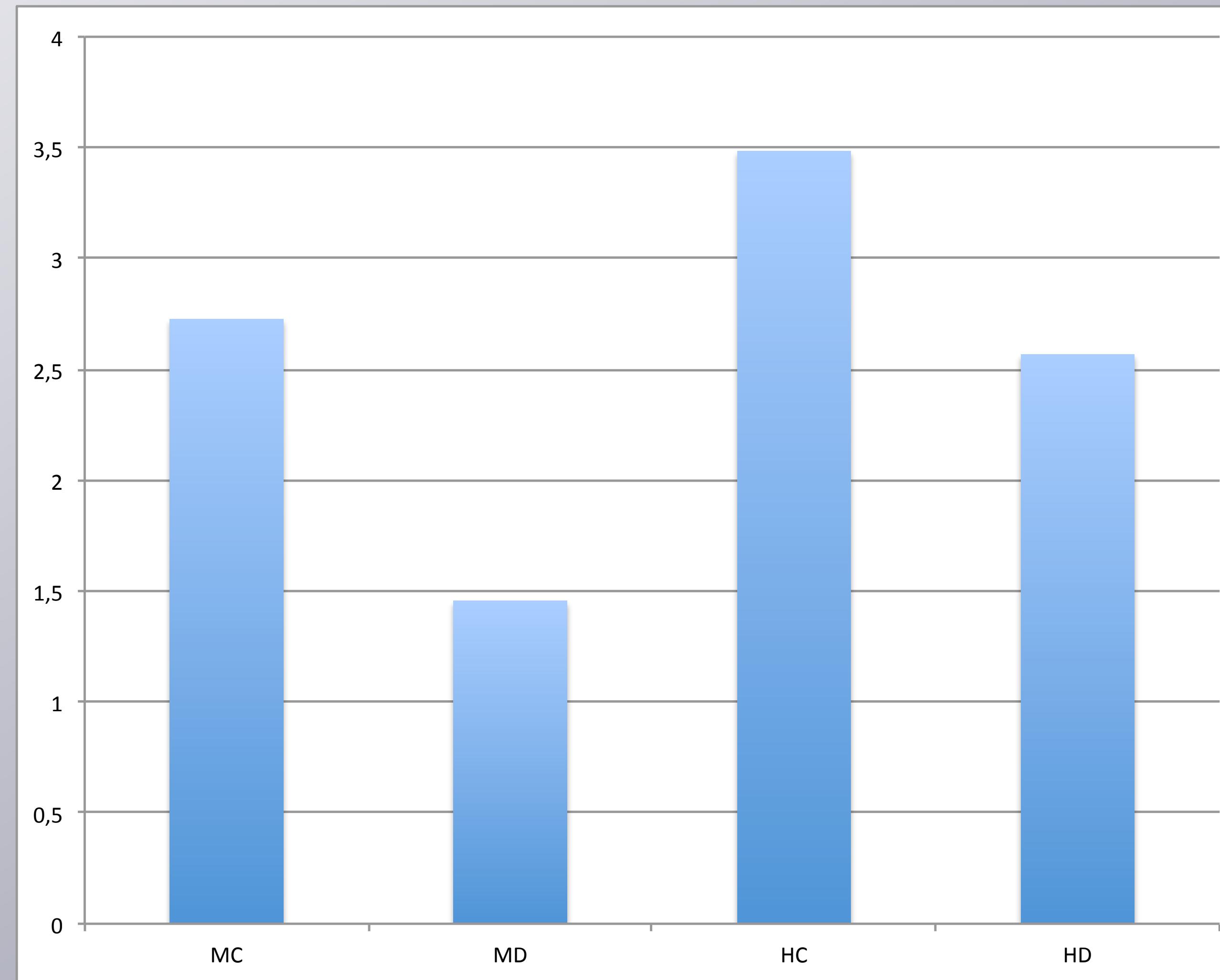
70 min lecture, 10 min test

	G1	G2	G3	G4
mathematics	C	C	D	D
history	C	D	C	D

C - without a mobile phone

D - no instruction

Tests results



Critical points in 1st year of Mathematics at university studies

- supremum and infimum of a set in \mathbb{R}
- limit of a sequence
- limit of a real function at a point

Which type of problems?

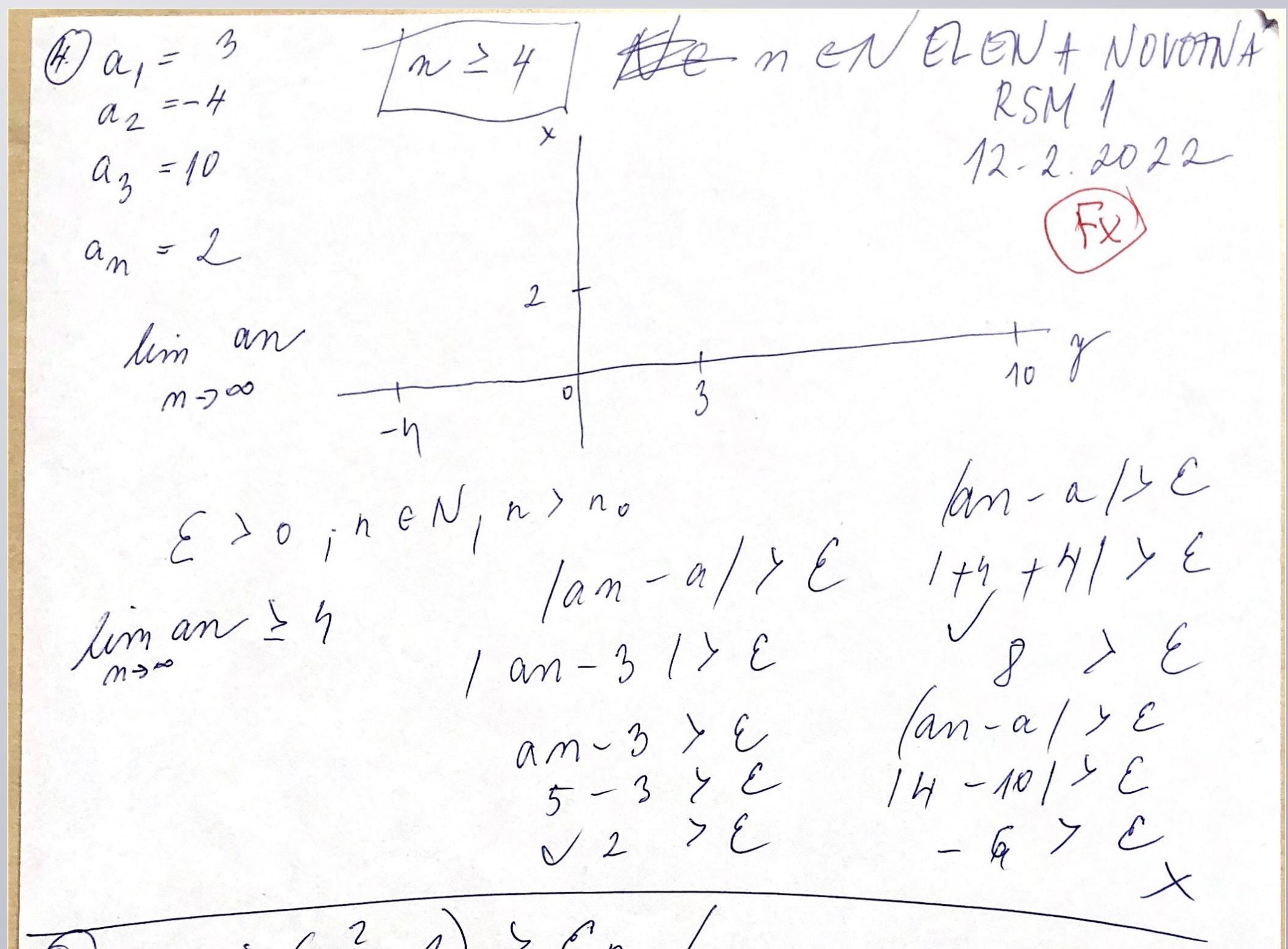
- $\lim_{x \rightarrow 0} (x^x - \sin x) / (e^x - \cos x - 1)$

or

- If f is continuous at c , if $f(c) > 0$, then f is positive on some interval.

Limit of a constant sequence

3; -4; 10; 2;



$\textcircled{1} \quad a_1 = 3$
 $a_2 = a_1 + d$
 $-4 = 3 + \cancel{d}$
 $-4 = d$
 $a_3 = 10$
 $\frac{1}{2}$
 $a_2 = a_1 + d$
 $-4 = 3 + \cancel{d}$
 $-4 = d$
 $10 = 3 + d + 2$
 $10 = 3 + d(2)$
 $10 = -4 + d(1)$
 $10 = -4 + d(n-1)$
 $n=2$
 $a_4 = a_1 + d$
 $10 = -4 + d$
 $14 = d$
 $a_4 = 13$
 $a_5 = a_4 + d$
 $a_5 = 13 + 14$
 $a_5 = 10$
 $a_5 = 14$
 $a_6 = a_5 + d$
 $a_6 = 17 - 4$
 $a_6 = 13$
 $a_7 = a_6 + d$
 $a_7 = 10 + 14$
 $a_8 = 24$
 $a_n = a_1 + (n-1)d$
 $a_n = 3 + (n-1)4$
 $a_n = 3 + 4n - 4$
 $a_n = 4n - 1$
 $a_n = a_1 q^{n-1}$
 $10 = 3 q^{n-1}$
 $q = \sqrt[n-1]{\frac{10}{3}}$
 $a - d < a_n < a + d$
 $a - \epsilon < a_n < a + \epsilon$
 $a - \epsilon < a_n < a + \epsilon$
 $a - \epsilon < a_n < a + \epsilon$
 $a + \epsilon > a_n > a - \epsilon$

$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$

$a_n = 2$ also similar $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n$ bade $[a + \epsilon > a_n > a - \epsilon]$

~~Wiederholung~~

$\textcircled{4} \quad a_1 = 3$
 $a_2 = a_1 + d$
 $-4 = 3 + \cancel{d}$
 $-4 = d$
 $a_3 = 10$
 $a_n = 2$ (Wiederholung)

$a_1 = 3$
 $a_2 = -4$
 $a_3 = 10$
 $a_{n+1} = a_n + d$
 $-4 = 3 + d$
 $d = -7$
 $a_{n+1} = a_n + d$
 $10 = -4 + d$
 $14 = d$
 $a_3 = 10$
 $a_4 = 2$
 $a = 3 + d$

$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$
 $\lim_{n \rightarrow \infty} d = 0$
 $a_n = a_1 + (n-1)d$
 $a_n = 3 + (n-1)(-7)$
 $a_n = 3 - 7n + 7$
 $a_n = 10 - 7n$
 $a_n = a_{n+1} + d$
 $-4 = 3 - 7$
 $-4 = -4$
 $a_n = a_1 + d$
 $10 = 3 + 2(-7)$
 $10 = 3 - 14$
 $10 = -11$
 $10 = 3 + 2d$
 $14 = 2d$
 $d = 7$
 $a_n = a_1 + (n-1)d$
 $10 = -4 + (n-1)(-7)$
 $10 = -4 - 7n + 7$
 $10 = 3 - 7n$
 $a_n = a_{n+1} + d$
 $-4 = 3 + 7$
 $-4 = 10$
 $-4 = d$
 $a_n = a_1 + (n-1)d$
 $10 = 3 + (n-1)7$
 $10 = 3 + 7n - 7$
 $10 = 7n - 4$
 $10 = 7n - 4$
 $a_n = a_{n+1} + d$
 $10 = 3 + 7$
 $10 = 10$

$a_n + 1 = a_n + d$
 $a_{n+1} = 2 + 7$
 $a_{n+1} = 9$

$\forall n \in \mathbb{N}, n \geq n_0, \epsilon > 0, \exists \delta(\epsilon) & a_n$
 $|a_n - a| < \epsilon$

4. $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n$; $a_1 = 3, a_2 = -4, a_3 = 10$
 $a_n = 2$; $n \geq 4$

$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a_1 \Leftrightarrow \forall \epsilon > 0, \exists n \in \mathbb{N} \text{ with } n > n_0 : |a_n - a_1| < \epsilon$

$$\begin{aligned} |2 - 3| &< \epsilon \Rightarrow 2 - 3 < \epsilon \\ -1 &< \epsilon / +1 / -\epsilon \\ -\epsilon &> +1 / . -1 \\ \epsilon &< 1 \end{aligned}$$

$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a_2$

$$|a_n - a_2| < \epsilon$$

$$|(2 - (-4))| < \epsilon \Rightarrow 2 + 4 < \epsilon$$

$$\begin{aligned} 6 &< \epsilon \\ \epsilon &\cancel{<} 6 \end{aligned}$$

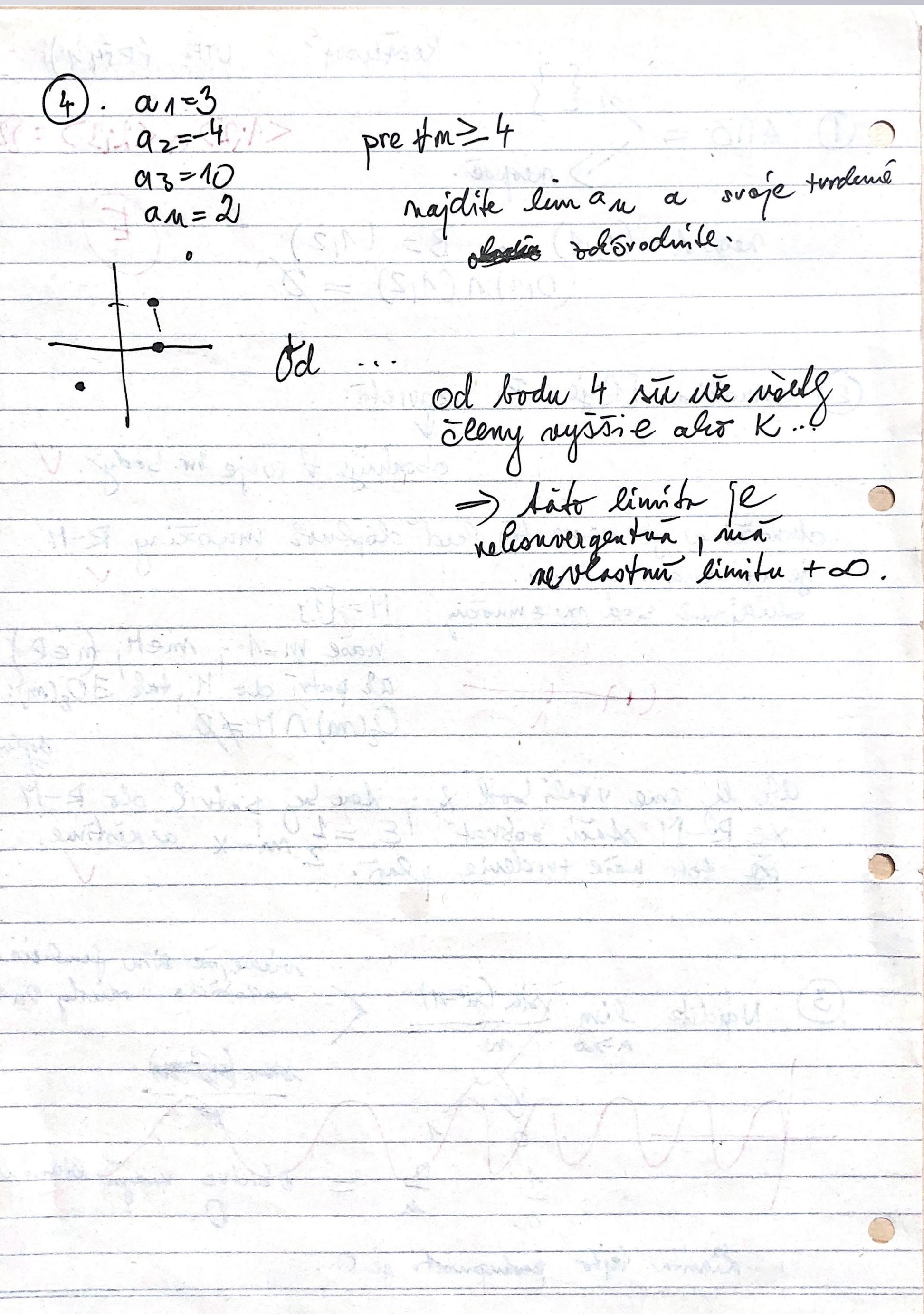
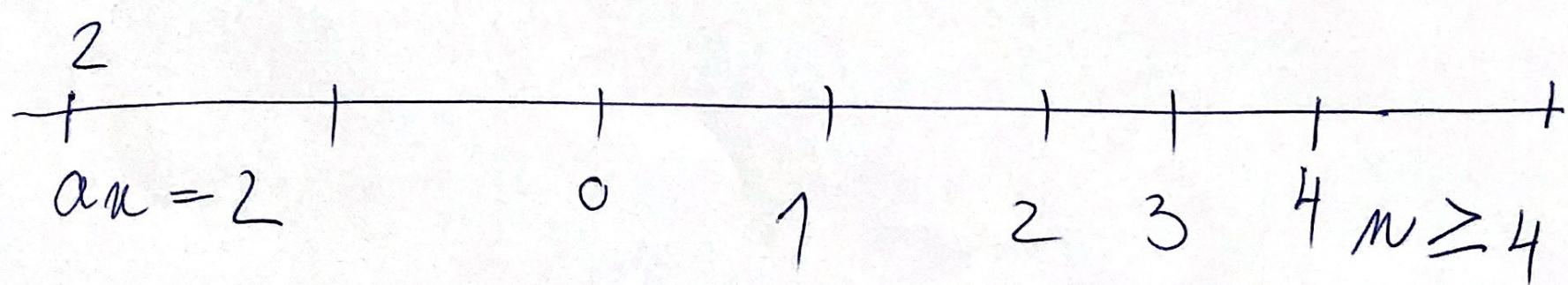
$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a_3$

$$|a_n - a_3| < \epsilon$$

$$|2 - 10| < \epsilon \Rightarrow 2 - 10 < \epsilon$$

$$\begin{aligned} -8 &< \epsilon / +8 \\ \epsilon &\cancel{<} 8 \end{aligned}$$

$$\epsilon < 8$$



Subjects supporting a smooth transition

- at UMB since 2016
- 1st semester of the Mathematics program
- 2 hours lecture + 2 hours seminar
 - Introduction to Mathematics
 - methods of proofs, finite and infinite sets
 - Theory of functions
 - properties of functions, transformations of graphs ($f(x)+a$, $f(x+a)$, $af(x)$, $f(|x|)$, $|f(x)|$, ...)
 - Limits
 - sequences, properties of limits

Limits - contents of the subject

- LUB and GLB of a subset in \mathbb{R}
 - bounded sets, LUB, GLB, their properties
- Sequences of real numbers
 - the notion of a sequence, monotonicity, subsequences
- Limit of a sequence
 - neighborhood of a point, limit, its properties, limits in extended real line, sequences of interval (Cantor's theorem), number series

Typical problems

- $\emptyset \neq A \subseteq B \subseteq R, B$ is bounded. Then $\inf B \leq \inf A \leq \sup A \leq \sup B$.
- A, B nonempty sets bounded from above, for each $a \in A$ there is $b \in B$ such that $a \leq b$. Then $\sup A \leq \sup B$.
- A, B nonempty sets bounded from above. Then $\sup(A \cup B) = \max\{\sup A, \sup B\}$. Discuss an analogical statement about the intersection.
- A is a bounded set of positive numbers, $B = \{a^2; a \in A\}$. Then $\sup B = (\sup A)^2$
- Find a sequence that has infinitely many mutually different constant subsequences
- If the limit of a sequence is positive, then the set of all its negative values is finite
- If $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = \frac{1}{2}$, then the set of all its integer values is finite
- If $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = \infty$, then this sequence contains an increasing subsequence

That is all, thank you

